

## Klausur zur Vorlesung Wärme- und Stoffübertragung

Für alle Aufgaben gilt: Der Rechen- und Gedankengang muss erkennbar sein!

Interpolationsvorschriften und Stützstellen sind anzugeben.

Hilfsmittel sind zugelassen, Verwenden Sie, sofern benötigt, die Gröberdiagramme aus dem Skript. Die Bearbeitungszeit beträgt 90 Minuten.

Falls Ersatzergebnisse angegeben sind, müssen diese auf jeden Fall verwendet werden.

### Aufgabe 1: *Konvektive Wärmeübertragung an einer Autobrücke* 16 von 50 Punkten

Kurzfrage: Wird der für eine Bierdose im Kühlschrank auf der Erde bestimmte Wärmeübergangskoeffizient kleiner oder größer, wenn der Kühlschrank nicht mehr auf der Erde, sondern in der Raumstation ISS steht? (Bei gleichen Temperaturen und gleichem Luftdruck wie auf der Erde)

Eine  $80\text{ m}$  lange und  $10\text{ m}$  breite Brücke, die kein Geländer und keinen Bordstein hat und nur aus einer ebenen Teerfläche besteht, besitzt eine Fahrbahnheizung.

Beide Fahrspuren der Brücke, die je  $5\text{ m}$  breit sind, haben eine separate Heizung, um Vereisung zu vermeiden. Ein kräftiger Wind kommt mit einer Geschwindigkeit von  $20\text{ km/h}$  von der rechten Seite, strömt also zunächst über die rechte Fahrspur und dann über die linke Fahrspur. Die Unterseite der Brücke sei adiabat.

Die Oberfläche der Brücke hat eine Temperatur von  $5^\circ\text{C}$ . Die umgebende Luft hat eine Temperatur von  $-5^\circ\text{C}$ .

Der mittlere Wärmeübergangskoeffizient für die gesamte Brückenoberseite (beide Fahrspuren) beträgt:  $\alpha_{ges} = 14,33 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$

- a) Berechnen Sie den mittleren Wärmeübergangskoeffizienten  $\alpha_R$  nur für die rechte Fahrspur! (Ersatzwert für folgende Aufgabenteile:  $\alpha_R = 16 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$ )
- b) Wie groß ist der Wärmestrom, den die Heizung der linken Spur abgibt? ( Vernachlässigen Sie jegliche Wärmeübertragung durch Strahlung!)
- c) Bestimmen Sie den mittleren Wärmeübergangskoeffizienten  $\alpha_L$  für die linke Fahrspur!
- d) Warum weichen  $\alpha_R$  und  $\alpha_L$  voneinander ab?
- e) Wie hoch ist die Temperatur an der Unterseite der Brücke?

**Aufgabe 2:** *Abkühlen einer Wassertonne*

15 von 50 Punkten

Kurzfrage: Bei welcher Randbedingung (1. bis 3. Art) spielen Stoffeigenschaften des umgebenden Fluids eine Rolle? (Denken Sie daran, Ihre Antwort knapp zu begründen.)

Betrachtet wird eine zylinderförmige Wassertonne (Höhe:  $1,2\text{ m}$ , Innendurchmesser:  $90\text{ cm}$ , Wandstärke:  $2\text{ mm}$ ) aus Kunststoff ( $\lambda_K = 0,11 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$ ,  $c_K = 1,2 \frac{\text{J}}{\text{gK}}$ ,  $\rho = 1200 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ ). Die Tonne wird von einer  $3\text{ cm}$  dicken Isolierschicht aus Styropor ( $\lambda_S = 0,04 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$ ) umgeben. Der Wärmeübergangskoeffizient zwischen Außenluft und Styropor beträgt an einem windigen Tag  $\alpha = 35 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$ .

Die Tonne und ihre Isolierung haben zunächst die gleiche Temperatur wie die Umgebung  $T_u = 20^\circ\text{C}$ . Zum Zeitpunkt  $t_0$  wird kochendes Wasser in die Tonne gefüllt, so dass der Innenseite der Tonne zu diesem Zeitpunkt eine Temperatur von  $100^\circ\text{C}$  aufgeprägt wird.

Hinweis: Deckel und Boden seien adiabatisch. Das Wasser habe zu jedem Zeitpunkt eine räumlich konstante Temperatur.

- Wie lange dauert es, bis die Temperatur an der Grenze zwischen Kunststofftonne und Styropor auf  $20,01^\circ\text{C}$  angestiegen ist? (Hinweis: Gehen Sie hierfür von der vereinfachenden Annahme aus, dass sich die dünne Kunststofftonne wie eine ebene Platte verhält.)
- Wie groß ist der kA-Wert der isolierten Tonne? (Hinweis: Betrachtung der Kunststofftonne nun wieder als Zylinder)
- Wie groß wäre der Wärmestrom, der im stationären Fall von der Tonne an die Umgebung abgegeben würde, wenn das Wasser eine zeitlich konstante Temperatur von  $100^\circ\text{C}$  hätte?
- Erstellen Sie eine Skizze, die den Temperaturverlauf in Wasser, Wand, Isolierung und Luft beinhaltet. Gehen Sie dabei von dem unter c) beschriebenen stationären Fall aus.

Kurzfrage: Die Univerwaltung nennt in einem Rundschreiben zum Thema „Heizkosten sparen“ eine Faustformel, nach der eine Erhöhung der Bürotemperatur um  $1^\circ\text{C}$  zu einem Mehrverbrauch von 5% führt. Für welche beispielhafte Kombination von Außen- und Bürotemperatur stimmt diese Beziehung genau. (Unter Vernachlässigung des Strahlungswärmeaustauschs)

Ein Heizkörper ist nichts anderes als ein Wärmeübertrager zwischen Heizwasser und Raumluft. Durch einen Heizkörper fließen  $1,5\text{ kg}$  Heizwasser pro Minute, die in den Heizkörper mit einer Temperatur von  $60^\circ\text{C}$  eintreten. Der  $kA$ -Wert des Heizkörpers beträgt  $35\frac{\text{W}}{\text{K}}$ , die äußere Oberfläche beträgt  $5\text{ m}^2$ . Die Lufttemperatur im Raum beträgt  $20^\circ\text{C}$ , die mittlere logarithmische Temperaturdifferenz zwischen Luft und Heizwasser beträgt  $25\text{ K}$ .

Hinweis: Für die Aufgabenteile a) - c) soll jeglicher Wärmetransport über Strahlung vernachlässigt werden.

- a) Wie hoch ist die Austrittstemperatur des Heizwassers?
- b) Wie groß ist die dimensionslose Temperaturänderung des Heizwassers  $\epsilon_2$ ?
- c) Warum würde es sich wahrscheinlich nicht wesentlich lohnen, die Wandstärke des Heizkörpers zu verringern, um den  $kA$ -Wert zu erhöhen?

Ab hier soll Strahlung berücksichtigt werden. Gehen Sie vereinfachend von einer einheitlichen Oberflächentemperatur des Heizkörpers von  $55^\circ\text{C}$  aus.

- d) Der quadratische, leere Raum, in dem sich der Heizkörper befindet, hat eine Grundfläche von  $16\text{ m}^2$  und eine Höhe von  $2,2\text{ m}$ . Der Sichtfaktor  $F_{H,H}$ , den der Heizkörper auf sich selbst hat, beträgt  $0,5$ . Wie groß ist der Sichtfaktor  $F_{R,R}$  des Raums auf sich selbst?
- e) Wände, Boden und Decke haben eine Temperatur von  $17^\circ\text{C}$  und einen Emmisionkoeffizienten von  $\epsilon_R = 0,9$ . Der Heizkörper hat einen Emmisionskoeffizienten von  $\epsilon_H = 1$ . Wie groß ist der Strahlungswärmestrom, der vom Heizkörper an den Raum abgegeben wird?
- f) Wie groß ist die mittlere Bestrahlungsstärke  $E_R$  von Wänden, Decke und Boden? (Die genannten Flächen sollen als eine Fläche betrachtet werden)

Lösung der Klausur  
Wärme- und Stoffübertragung  
Wintersemester 2010

**Aufgabe 1:** *Konvektive Wärmeübertragung an einer Autobrücke* 16 von 50 Punkten

Kurzfrage: Wird der für eine Bierdose im Kühlschrank auf der Erde bestimmte Wärmeübergangskoeffizient kleiner oder größer, wenn der Kühlschrank nicht mehr auf der Erde, sondern in der Raumstation ISS steht? (Bei gleichen Temperaturen und gleichem Luftdruck wie auf der Erde)

Antwort: Da auf der ISS Schwerelosigkeit ( $g=0$ ) herrscht gilt für den im Kühlschrank vorliegenden Fall( Freie Konvektion an einem aufrechtstehenden Zylinder), dass die benötigte Grashof-Zahl gleich Null wird. Im Folgenden werden die Rayleigh-Zahl gleich Null und somit wird die Nußelt-Zahl einen geringeren Wert als auf der Erde annehmen. Der auf der ISS bestimmte Wärmeübergangskoeffizient  $\alpha$  wird also kleiner sein als der auf der Erde bestimmte(Obwohl Luftdruck und Temperaturen die selben sind ).

Zusammenfassung der Aufgabenstellung:Die in der Aufgabenstellung betrachtete Brücke kann vereinfacht als überströmte Platte angesehen werden. Desweiteren sind für die Berechnung der Aufgabe folgende Werte gegeben:

- Breite je Fahrspur:  $5\text{ m}$
- Geschwindigkeit der Anströmung:  $20\text{ km/h}$  (von der rechten Seite). An der Unterseite wird keine Wärme abgegeben.
- Temperatur der Brückenoberfläche:  $5^\circ\text{C}$  bzw.  $278,15\text{ K}$
- Temperatur der umgebenden Luft:  $-5^\circ\text{C}$  bzw.  $268,15\text{ K}$
- Mittlerer Wärmeübergangskoeffizient der gesamten Brückenoberfläche  $\alpha_{ges} = 14,33\frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$

Aufgabenteil a)

Es liegt eine von der Seite erzwungen angeströmte ebene Platte vor. Zur Lösung der Aufgabe werden die mittleren Stoffwerte benutzt (Anhang im Skript):

$$\frac{1}{2} \cdot (\vartheta_F + \vartheta_K) = \vartheta_M = 0^\circ\text{C}$$

Tabelle B 1: Stoffwerte von Luft beim Druck  $p = 1$  bar

$\vartheta$ °C	$\rho$ kg/m <sup>3</sup>	$c_p$ kJ/kgK	$\beta$ 10 <sup>-3</sup> /K	$\lambda$ 10 <sup>-3</sup> W/Km	$\nu$ 10 <sup>-7</sup> m <sup>2</sup> /s	$\alpha$ 10 <sup>-7</sup> m <sup>2</sup> /s	Pr
-200	5,106	1,186	17,24	6,886	9,786	11,37	0,8606
-180	3,851	1,071	11,83	8,775	17,20	21,27	0,8086
-160	3,126	1,036	9,293	10,64	25,58	32,86	0,7784
-140	2,639	1,010	7,726	12,47	35,22	46,77	0,7530
-120	2,287	1,014	6,657	14,26	46,14	61,50	0,7502
-100	2,019	1,011	5,852	16,02	58,29	78,51	0,7423
-80	1,807	1,009	5,227	17,74	71,59	97,30	0,7357
-60	1,636	1,007	4,725	19,41	85,98	117,8	0,7301
-40	1,495	1,007	4,313	21,04	101,4	139,7	0,7258
-20	1,377	1,007	3,968	22,63	117,8	163,3	0,7215
0	1,275	1,006	3,674	24,18	135,2	188,3	0,7179
20	1,188	1,007	3,421	25,69	153,5	214,7	0,7148
40	1,112	1,007	3,200	27,16	172,6	242,4	0,7122
80	0,9859	1,010	2,836	30,01	213,5	301,4	0,7083
100	0,9329	1,012	2,683	31,39	235,1	332,6	0,7070
120	0,8854	1,014	2,546	32,75	257,5	364,8	0,7060
140	0,8425	1,016	2,422	34,08	280,7	398,0	0,7054
160	0,8036	1,019	2,310	35,39	304,6	432,1	0,7050

Mit diesen Werten und der Gleichung

$$\text{Re} = \frac{\omega \cdot l}{\nu}$$

Kann nun nach Umrechnung der Anströmgeschwindigkeit die Reynoldszahl Re errechnet werden.

$$\omega = 5,5556 \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ und } \nu = 135,2 \cdot 10^{-7} \frac{\text{m}^2}{\text{s}}$$

$$\text{Re} = \frac{\omega \cdot l}{\nu} = \frac{5,5556 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 5\text{m}}{135,2 \cdot 10^{-7} \frac{\text{m}^2}{\text{s}}} = 2054571,006$$

Mit

$$\text{Re} = 2054571,006 \text{ und } \text{Pr} = 0,7179$$

Kann nun  $Nu_{lam}$  und  $Nu_{turb}$  errechnet werden

$$Nu_{lam} = 0,664 \cdot \sqrt{Re} \cdot \sqrt[3]{Pr} = 852,21623$$

$$Nu_{turb} = \frac{0,037 \cdot Re^{0,8} \cdot Pr}{1 + 2,443 \cdot Re^{-0,1} \cdot (\sqrt[3]{Pr^2} - 1)} = 3362,14983$$

$Nu_{ges} = Nu$  errechnet sich mit

$$Nu = Nu_{ruhend} + \sqrt{Nu_{lam}^2 + Nu_{turb}^2}$$

und  $Nu_{ruhend} = 0$  als Tabellenwert zu

$$Nu = 3468,47575$$

Mit der Beziehung

$$Nu = \frac{\alpha_R \cdot l}{\lambda}$$

Ergibt sich  $\alpha_R$  zu

$$\alpha_R = 16,77 \frac{W}{m^2 K}$$

Aufgabenteil b)

Mit dem gegebenen  $\alpha_{Ges}$  und dem unter a) errechneten  $\alpha_R$  können nun  $\dot{Q}_{Ges}$  und  $\dot{Q}_R$  bestimmt werden.

$$\dot{Q}_{Ges} = \alpha_{Ges} \cdot A_{Ges} \cdot \Delta T \quad \text{und} \quad \dot{Q}_R = \alpha_R \cdot A_R \cdot \Delta T$$

$$\dot{Q}_{Ges} = 14,33 \frac{W}{m^2 K} \cdot 800 m^2 \cdot 10^\circ C$$

$$\dot{Q}_R = 16,77 \frac{W}{m^2 K} \cdot 400 m^2 \cdot 10^\circ C$$

$$\dot{Q}_{Ges} - \dot{Q}_R = \dot{Q}_L$$

$$\dot{Q}_L = 47545,8052 \text{ W}$$

Aufgabenteil c)

Mit dem aus b) bekannten Wert für  $\dot{Q}_L$  und der Gleichung

$$\dot{Q}_L = \alpha_L \cdot A_L \cdot \Delta T$$

ergibt sich  $\alpha_L$  zu

$$\alpha_L = 11,8865 \frac{W}{m^2K}$$

Aufgabenteil d)

Auf der linken Fahrbahn hat sich bereits eine Grenzschicht (die wie eine Isolierung wirkt) entwickelt auf der rechten Seite nicht.

Aufgabenteil e)

Da die Unterseite der Brücke adiabat ist ist die Temperatur der Unterseite  $T_U$  gleich der Temperatur der Umgebung  $T_L$  also  $T_U = -5^\circ\text{C}$ .

Kurzfrage: Bei welcher Randbedingung (1. bis 3. Art) spielen Stoffeigenschaften des umgebenden Fluids eine Rolle? (Denken Sie daran, Ihre Antwort knapp zu begründen.)

Antwort: In der Aufgabenstellung wird nach den Stoffeigenschaften des umgebenden Fluids gefragt. Nur bei der Randbedingung der dritten Art wird der Wärmeübergang zu einem umgebenden Fluid mit berücksichtigt. Hierbei spielt  $\alpha$  eine Rolle denn  $\alpha$  ist eine Funktion der Stoffeigenschaften.

Zusammenfassung der Aufgabenstellung: Die in der Aufgabenstellung betrachtete zylinderförmige Wassertonne kann vereinfacht als halbbunendlicher Körper angesehen werden. Desweiteren sind für die Berechnung der Aufgabe folgende Werte gegeben:

- Eigenschaften der Kunststofftonne:
  - Höhe der Tonne:  $1,2\text{ m}$
  - Innendurchmesser der Tonne:  $0,9\text{ m}$
  - Wandstärke der Tonne:  $0,002\text{ m}$
  - Wärmeleitfähigkeit:  $\lambda_K = 0,11 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$
  - Dichte:  $\rho_K = 14,33 \frac{\text{Kg}}{\text{m}^3}$
  - spezifische Wärmekapazität:  $c_K = 1,2 \frac{\text{J}}{\text{gK}}$
- Eigenschaften des Styropors:
  - Wandstärke der Isolierung:  $0,03\text{ m}$
  - Wärmeleitfähigkeit der Isolierung:  $\lambda_S = 0,11 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$
  - Wärmeübergangskoeffizient Styropor/Luft:  $\alpha_{ges} = 35,00 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$
- Temperaturen:
  - Temperatur der Tonne, der Isolierung und der Umgebung:  $u = 20,0\text{C}$
  - Temperatur des kochenden Wassers:  $w = 100,0\text{C}$

Aufgabenteil a)

Mit der DGL für den halbumendlichen Körper (Achtung: ebene Platte):

$$\frac{T(x,t)-T_0}{T_s-T_0} = \operatorname{erfc} \frac{x}{\sqrt{4at}}$$

Und den in der Aufgabenstellung gegebenen Temperaturen:

$$T_0 = 20^\circ\text{C} = \text{Anfangstemperatur}$$

$$T_s = 100^\circ\text{C} = \text{aufgeprägte Temperatur}$$

$$T(x,t) = 20,01^\circ\text{C} = \text{maximale Temperatur an der Stelle } x$$

Ergibt sich:

$$\frac{20,01^\circ\text{C} - 20^\circ\text{C}}{100^\circ\text{C} - 20^\circ\text{C}} = \operatorname{erfc} \frac{x}{\sqrt{4at}} = 0,000125$$

Mit diesem Wert für erfc und der Vereinfachung:

$$z = \frac{x}{\sqrt{4at}}$$

Kann nun in der Tabelle interpoliert werden:

$$\frac{(0,000134 - 0,000075)}{(2,7 - 2,8)} = \frac{(0,000134 - 0,000125)}{(2,7 - z)}$$

$$\frac{(0,000134 - 0,000075) \cdot (2,7 - 2,8)}{(0,000134 - 0,000125)} = (2,7 - z)$$

$$2,7 - \frac{(0,000134 - 0,000075) \cdot (2,7 - 2,8)}{(0,000134 - 0,000125)} = z = 2,7153$$

Um die in der Aufgabenstellung geforderte Zeit zu berechnen stellt man die Vereinfachung für z nun nach t um.

$$z = \frac{x}{\sqrt{4at}} \Rightarrow t = \frac{\left(\frac{x}{z}\right)^2}{4a}$$

Um die Gleichung zu lösen wird nun noch a benötigt welches sich aus dem Zusammenhang

$$a = \frac{\lambda}{\rho c}$$

$$a = \frac{0,11 \frac{\text{W}}{\text{mK}}}{1200,0 \frac{\text{Kg}}{\text{m}^3} 1200,0 \frac{\text{J}}{\text{KgK}}}$$

$$a = 7,63889 \cdot 10^{-8} \frac{\text{m}^2}{\text{s}}$$

Nach einsetzen ergibt sich:

$$t = 1,776 \text{ s}$$

Aufgabenteil b)

Für den kA-Wert eines Zylinders gilt die Gleichung:

$$\left(\frac{1}{kA}\right)_{Zylinder} = R_1 + R_2 + \frac{1}{2\pi r_a L \alpha}$$

Für den Widerstand des Kunststoffzylinders gilt:

$$R_1 = \frac{\ln \frac{r_*}{r_i}}{2\pi \lambda_K L} = \frac{\ln\left(\frac{0,452}{0,45}\right)}{2\pi 0,11 \frac{W}{mK} 1,2m} = 5,3469 \cdot 10^{-3} \frac{K}{W}$$

Für den Widerstand des Styroporzylinders gilt:

$$R_2 = \frac{\ln \frac{r_a}{r_*}}{2\pi \lambda_S L} = \frac{\ln\left(\frac{0,482}{0,452}\right)}{2\pi 0,04 \frac{W}{mK} 1,2m} = 0,2131 \frac{K}{W}$$

Mit  $\alpha_{ges} = 35,00 \frac{W}{m^2K}$  ergibt sich für

$$\frac{1}{2\pi r_a L \alpha} = 7,8618 \cdot 10^{-3} \frac{K}{W}$$

Und somit für den kA-Wert:

$$kA = 4,41 \frac{W}{K}$$

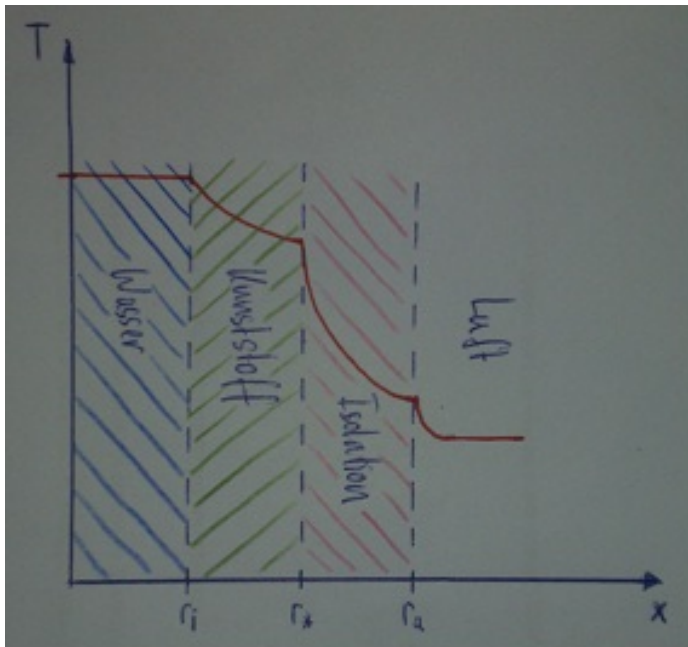
Aufgabenteil c)

$$\dot{Q} = kA \cdot (T_\infty - T_T)$$

$$\dot{Q} = 4,41 \frac{W}{K} \cdot (20^\circ C - 100^\circ C)$$

$$\dot{Q} = -352,8W$$

Aufgabenteil d)



**Aufgabe 3:** Heizkörper in einem Raum

19 von 50 Punkten

Kurzfrage: Die Univerwaltung nennt in einem Rundschreiben zum Thema „Heizkosten sparen“ eine Faustformel, nach der eine Erhöhung der Bürotemperatur um 1°C zu einem Mehrverbrauch von 5% führt. Für welche beispielhafte Kombination von Außen- und Bürotemperatur stimmt diese Beziehung genau. (Unter Vernachlässigung des Strahlungswärmeaustauschs)

Antwort: Die genannte Beziehung stimmt für einen Zustand mit  $\Delta T = 20^\circ\text{C}$

Zusammenfassung der Aufgabe:

$$\dot{m}_{\text{Wasser}} = 1,5 \frac{\text{kg}}{\text{min}} = 0,025 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

$$T_{\text{Ein}} = 60^\circ\text{C}$$

$$T_{\text{Luft}} = 20^\circ\text{C}$$

$$\Delta T_m = 25\text{K}$$

$$kA_{\text{Heizkörper}} = 35 \frac{\text{W}}{\text{K}}$$

$$A_{\text{Heizkörper}} = 5\text{m}^2$$

Aufgabenteil a)

Mit der Gleichung für den von einem Wärmeübertrager( ohne Phasenwechsel) übertragenen Wärmestrom in der Form mit  $kA$  und  $\Delta T_m = 25\text{K}$  :

$$\dot{Q} = kA \cdot \Delta T_m = 875 \text{ W}$$

und mit der Gleichung für den von einem Wärmeübertrager( ohne Phasenwechsel) übertragenen Wärmestrom in der Form des ersten Hauptsatzes der Thermodynamik:

$$\dot{Q} = \dot{m}_{\text{Wasser}} \cdot c_p \cdot (T_{\text{Ein}} - T_{\text{Aus}}) = 875 \text{ W}$$

Ergibt sich für die Austrittstemperatur:

$$T_{\text{Aus}} = 51,6268^\circ\text{C}$$

Aufgabenteil b)

Mit der Gleichung für  $\epsilon_2$ :

$$\epsilon_2 = \frac{T_{Ein} - T_{Aus}}{T_{Ein} - T_{Luft(Ein)}}$$

ergibt sich für die dimensionslose Temperaturänderung:

$$\epsilon_2 = 0,20933014$$

Aufgabenteil c)

Der Wärmeübergang wird nicht wie die Annahme impliziert durch die Wandung des Heizkörpers begrenzt sondern durch den Übergang Heizkörperwand/Luft.

Ab hier gilt:

$$T_{Heizkörperoberfläche} = 55^\circ\text{C}$$

$$A_{Decke} = A_{Boden} = 16\text{m}^2$$

$$H_{Raum} = 2,2 \text{ m}$$

$$A_{Raum} = 67,2 \text{ m}^2$$

$$A_{Heizkörper} = 5\text{m}^2$$

Aufgabenteil d)

Mit den Relationen für die Sichtfaktoren( Reziprozitätsbeziehung und Summenbeziehung) ergibt sich:

$$F_{H,H} = 0,5$$

$$F_{H,R} = 1 - F_{H,H} = 0,5$$

$$F_{R,H} = F_{H,R} \cdot \frac{A_{Heizkörper}}{A_{Raum}} = 0,03720238$$

$$F_{R,R} = 1 - F_{R,H} = 0,96279762$$

### Aufgabenteil e)

Der vom Heizkörper an den Raum abgegebene Strahlungswärmestrom ergibt sich durch die beiden isothermen Flächen zu:

$$\dot{Q}_{HR} = \frac{\sigma \cdot (T_1^4 - T_2^4)}{\frac{1-\epsilon_H}{A_H \cdot \epsilon_H} + \frac{1}{A_H \cdot F_{H,R}} + \frac{1-\epsilon_R}{A_R \cdot \epsilon_R}}$$

Mit  $\epsilon_H = 1$  vereinfacht sich die Gleichung zu:

$$\dot{Q}_{HR} = \frac{\sigma \cdot (T_1^4 - T_2^4)}{\frac{1}{A_H \cdot F_{H,R}} + \frac{1-\epsilon_R}{A_R \cdot \epsilon_R}}$$

Beim Einsetzen der Werte darauf achten, dass T[K] benutzt wird!

Dann ergibt sich für  $\dot{Q}_{HR}$ :

$$\dot{Q}_{HR} = 636,385435 \text{ W}$$

### Aufgabenteil f)

Die in der Aufgabenstellung geforderte mittlere Bestrahlungsstärke  $E_W$  von Wänden, Decke und Boden ergibt sich aus dem Anteil der vom Heizkörper ausgeht, dem der von den Wänden ausgeht und dem der von den Wänden auf die Wände reflektiert wird. Es gilt also:

$$E_W = E_{RR} + E_{HR} + \rho \cdot E_W \cdot F_{RR}$$

$$\rho = 1 - \epsilon$$

$$E_{RR} = \sigma \cdot A_R \cdot T_R^4 \cdot \epsilon_W \cdot F_{RR} \text{ und } E_{HR} = \sigma \cdot A_H \cdot T_H^4 \cdot \epsilon_H \cdot F_{HR}$$

$$E_W - \rho \cdot E_W \cdot F_{RR} = E_{RR} + E_{HR}$$

$$E_W \cdot (1 - \rho \cdot F_{RR}) = E_{RR} + E_{HR}$$

$$E_W = \frac{E_{RR} + E_{HR}}{(1 - \rho \cdot F_{RR})}$$

$$E_W = 27707,6898 \text{ W}$$